

Niveau : Deuxième Bac  
Sciences PC /SVT /STE

**Examen National  
Blanc de  
Baccalauréat  
2026**

➤ Examens nationaux corrigés et adaptés  
Selon le nouveau programme 2026

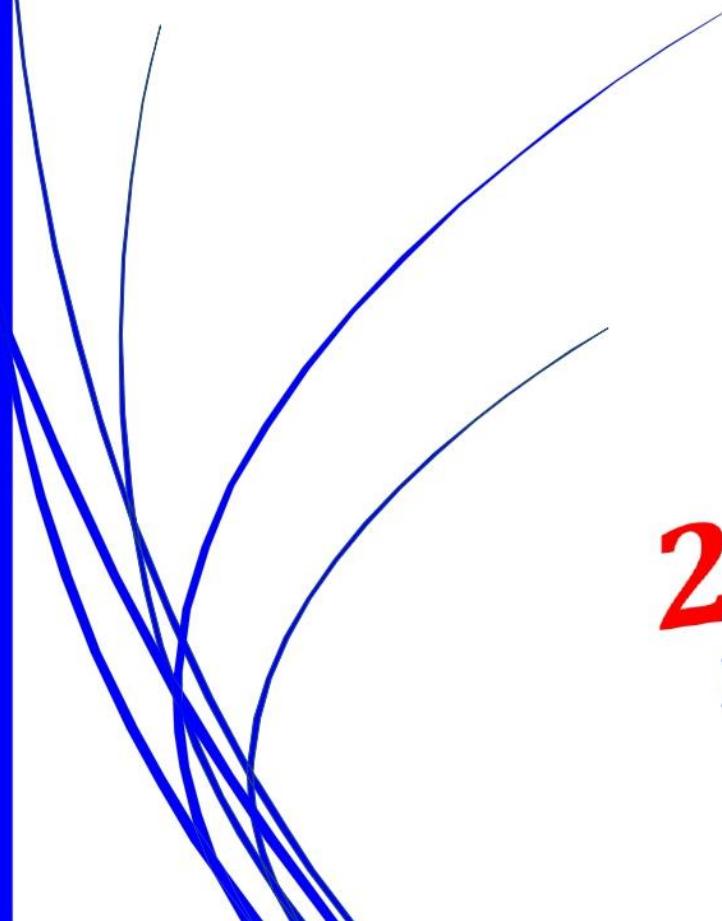
Collection CAM – Compte Personnel

 Prof El Moumen  06 66 73 83 49  Prof El Moumen

Collection CAM – Compte Professionnel

 Centre El Moumen  06 66 73 83 49 <https://www.elmoumen.academy>

2ème Bac  
Prof El Moumen  
البكالوريا بين يديك



4	1
Prof El Moumen	

الامتحان التجاري للبكالوريا المساك الدولية 2026  
النموذج 2

RRRRRRRRRRRRRRR2025

2025



3h	مدة الإنجاز	الرياضيات	المادة
7	المعامل	شعبة العلوم التجريبية مسلك علوم الحياة والأرض ومسلك العلوم الفيزيائية ( خيار فرنسي )	الشعبة أو المسلك

## Examen blanc de baccalauréat 2026

### Modèle 2

#### INSTRUCTIONS GENERALES

- ✓ L'utilisation de la calculatrice non programmable est autorisée ;
- ✓ Le candidat peut traiter les exercices de l'épreuve suivant l'ordre qui lui convient
- ✓ L'utilisation de couleur rouge de la rédaction des solutions est à éviter

#### COMPOSANTES DU SUJET

L'épreuve est composée de trois exercices et un problème indépendant entre eux et répartis suivant les domaines comme suit :

Exercice 1	Géométrie dans l'espace	3 points
Exercice 2	Nombres complexes	3 points
Exercice 3	Calcul de probabilités	3 points
Problème	Etude d'une fonction numérique- Suite numérique	11 points

- ✓ On désigne par  $\bar{z}$  le conjugué du nombre complexe  $z$  et par  $|z|$  son module.
- ✓  $\ln$  désigne la fonction logarithme népérien .

**Exercice 1 ( 3 points) :**

L'espace est rapporté à un repère orthonormé direct  $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ .

Soient les points  $A(2, 0, -3)$ ;  $B(1, -2, -2)$  et  $C(1, 1, 1)$

On considère l'ensemble  $(S)$  des points  $M(x, y, z)$  de l'espace tels que

$$x^2 + y^2 + z^2 - 4x + 6z + 7 = 0.$$

0,25

1) Montrer que  $(S)$  est la sphère de centre  $A$  et de rayon  $R = \sqrt{6}$ .

2) Soit  $(\Delta)$  la droite passant par le point  $B$  et de vecteur directeur  $\vec{u} = \vec{i} - \vec{j} - \vec{k}$

0,25

a) Déterminer une représentation paramétrique de la droite  $(\Delta)$ .

0,25

b) Déterminer les coordonnées du vecteur  $\overrightarrow{AB} \wedge \vec{u}$

0,5

c) Montrer que la droite  $(\Delta)$  est tangente à  $(S)$  en  $B(1, -2, -2)$ .

3) Soit  $P$  le plan d'équation  $(P): x - y - z - 8 = 0$

0,5

a) Montrer que le plan  $(P)$  coupe la sphère suivant un cercle  $(C)$  dont on précisera le rayon  $r$

0,25

b) Déterminer les coordonnées de  $H$  le centre du cercle  $(C)$

4) a) Montrer que pour tout point  $M(x, y, z)$  de l'espace on a

0,5

$(\overrightarrow{AB} \wedge \overrightarrow{AC}) \cdot \overrightarrow{AM} = -9x + 3y - 3z + 9$ , puis déduire une équation cartésienne du plan  $(ABC)$

0,5

b) Déterminer l'ensemble des points  $M$  de l'espace tel que  $d(M; (ABC)) = \sqrt{11}$

**Exercice 2 ( 3 points) :**

Dans le plan complexe muni d'un repère orthonormal direct  $(O; \vec{u}, \vec{v})$ , on considère les points  $A; B$  et  $C$  d'affixes respectives :

$$a = \sqrt{2} + \sqrt{2}i ; b = \cos \frac{\pi}{12} + i \sin \frac{\pi}{12} \text{ et } c = \frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{1}{2}i$$

0,5

1)a) Écrire le nombre complexe  $a$  sous forme trigonométrique et montrer que  $b^{25} = b$

0,5

b) Montrer que :  $2b^3 = a$  et que :  $b^2\bar{c} = 1$

0,25

2) Soit  $R$  la rotation de centre  $O$  et d'angle  $-\frac{\pi}{6}$  et  $B'$  l'image du point  $B$  par la rotation  $R$

0,5

a) Montrer que le point  $B'$  est le symétrique du point  $B$  par rapport à l'axe  $(O; \vec{u})$

0,25

b) Montrer l'affixe du point  $A'$  l'image du point  $A$  par  $R$  est  $a' = 2b$

0,5

c) Montrer  $|a - b| = |a' - b'|$  et que  $(\overrightarrow{A'B'}; \overrightarrow{BA}) \equiv -\frac{5\pi}{6}[2\pi]$

0,25

3) Soit  $d$  l'affixe du point  $D$  l'image de  $C$  par la translation  $T$  de vecteur  $-\vec{u}$

0,5

a) Montrer que :  $d = -1 + b^2$

0,5

b) Montrer que  $\frac{d}{b^{25}} = b - \bar{b}$ , puis déduire la nature du triangle  $OB'D$

### Exercice 3 ( 3 points) :

Une urne contient 10 boules portant les numéros : 1 ; 2 ; 2

; 3 ; 3 ; 4 ; 4 ; 4 , ces boules sont indiscernables au toucher.

**On tire au hasard, successivement et sans remise deux boules de l'urne.**

Soient les événements suivants :

**A** : « Obtenir deux boules portant deux numéros pairs »

**B** : « Le produit de deux numéros égale à 4 »

**1**) Montrer que :  $P(A) = \frac{1}{3}$  , puis calculer  $P(B)$

**0.5**) Est-ce que les événements A et B sont indépendantes ?

**3**) On répète l'expérience précédente trois fois de suite en remettant chaque fois les deux boules tirées dans l'urne.

Soit  $X$  la variable aléatoire égale au nombre de réalisation de l'événement A.

**0.5**) a) Montrer que  $P(X = 1) = \frac{4}{9}$  , puis calculer  $P(X = 0)$

**0.5**) b) Déterminer la loi de probabilité de la variable  $X$ .

**0.5**) c) Calculer l'espérance mathématique  $E(X)$  et l'écart type  $\sigma(X)$ .

### Problème (11 points) :

Soit  $f$  la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par :

$$\begin{cases} f(x) = \sqrt{e^x - e^{2x}} & \text{si } x \leq 0 \\ f(x) = x \ln\left(1 + \frac{1}{x}\right) & \text{si } x > 0 \end{cases}$$

Et  $(C_f)$  son graphe dans un repère orthonormé  $(O ; \vec{i} ; \vec{j})$  (Unité : 1cm)

**1**) Montrer que  $f$  est continue en 0

**0,75**) a) Montrer que  $\lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{f(x)}{x} = -\infty$  puis interpréter le résultat géométriquement

b) Etudier la dérivabilité de  $f$  à droite de 0 puis interpréter le résultat géométriquement

**0,5**) a) Montrer que  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 1$  , puis interpréter le résultat géométriquement

b) Calculer  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$  , puis interpréter le résultat géométriquement

c) Etudier la position relative de la droite  $(\Delta)$ :  $y = x$  et  $(C_f)$  sur  $]0, +\infty[$

**4)a)** Montrer que  $\forall x \in ]0, +\infty[ : f''(x) = \frac{-1}{x(x+1)^2}$  puis étudier la convexité de (Cf) sur  $]0, +\infty[$

**b)** En déduire le sens de variations de  $f'$  puis le signe de  $f'$  sur  $]0 ; +\infty[$

**c)** En déduire que  $\forall n \in \mathbb{N}^* : \left(1 + \frac{1}{n}\right)^n \geq 2$

**5)a)** Montrer que pour tous  $x \in ]-\infty; 0[$  on a :

$$f'(x) = \frac{e^x(1 - 2e^x)}{2\sqrt{e^x - e^{2x}}}$$

**b)** Dresser le tableau de variation de f sur  $\mathbb{R}$  en justifiant votre réponse

**6)** Tracer (Cf) dans le repère orthonormé  $(O ; \vec{i} ; \vec{j})$

**7)** Soit g la restriction de f sur l'intervalle  $I = [-\ln 2; 0]$

**a)** Montrer que g admet une fonction réciproque  $g^{-1}$  définit sur un intervalle J à déterminer

**b)** Tracer ( $Cg^{-1}$ ) dans le repère orthonormé  $(O ; \vec{i} ; \vec{j})$

**c)** Montrer que pour tous  $x \in J$ , on a :

$$g^{-1}(x) = \ln\left(\frac{1 + \sqrt{1 - 4x^2}}{2}\right)$$

**8)** Soit  $a \in ]0, \frac{1}{e-1}[$  on désigne par  $S_a$  l'aire de la surface plan limitée par la

droite ( $\Delta$ ), la courbe (Cf) et les droites d'équations respectives :  $x = a$  et  $x = \frac{1}{e-1}$

**a)** Montrer  $\int_a^{\frac{1}{e-1}} \frac{x}{x+1} dx = \frac{1}{e-1} - \ln\left(\frac{e}{e-1}\right) - a + \ln(a+1)$

**b)** Par une intégration par partie montrer que :

$$\int_a^{\frac{1}{e-1}} x \left( \ln\left(1 + \frac{1}{x}\right) - 1 \right) dx = \frac{1}{2} \left[ \ln(e-1) + \frac{2-e}{e-1} + a^2 - a - a.f(a) + \ln(1+a) \right]$$

**c)** Calculer  $\lim_{a \rightarrow 0^+} S_a$

**C)** Soit  $(U_n)$  tel que :  $U_0 = \frac{1}{e}$  et  $U_{n+1} = f(U_n)$

**1)** Montrer que :  $\forall n \in \mathbb{N} : 0 \leq U_n \leq \frac{1}{e-1}$

**2)** Montrer que la suite  $(U_n)$  est croissante

**3)** Déduire que  $(U_n)$  est convergente et calculer la limite de  $(U_n)$