

Niveau : Deuxième Bac
Sciences PC /SVT /STE

**Examens
Nationaux Avec
Correction
2008 - 2025**

Examens nationaux corrigés

➤ **De 2008 à 2025 Session normale et
rattrapage**

Collection CAM – Compte Personnel

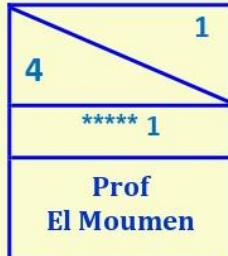
 **Prof El Moumen**  **06 66 73 83 49**  **Prof El Moumen**

Collection CAM – Compte Professionnel

 **Centre El Moumen**  **06 66 73 83 49** <https://www.elmoumen.academy>

2ème Bac
Prof El Moumen
اجمع راسك و زيد تخدم
الوطني قريب





الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا المساك الدولية

الدورة الاستدراكية 2025

- الموضوع -

المملكة المغربية

الملك محمد السادس

الوزير المسؤول

وزير التربية والتكوين

والتعليم الابتدائي والرياضة

الدورة الاستدراكية 2025

3h مدة الإنجاز

الرياضيات

المادة

7 المعامل

شعبة العلوم التجريبية مسلك علوم الحياة والأرض ومسلك العلوم الفيزيائية (خيار فرنسي)

الشعبة أو المسلك

Examen national de baccalauréat 2025

Session de rattrapage

INSTRUCTIONS GENERALES

- ✓ L'utilisation de la calculatrice non programmable est autorisée ;
- ✓ Le candidat peut traiter les exercices de l'épreuve suivant l'ordre qui lui convient ;
- ✓ L'utilisation de couleur rouge de la rédaction des solutions est à éviter

COMPOSANTES DU SUJET

L'épreuve est composée de trois exercices et un problème indépendant entre eux et répartis suivant les domaines comme suit :

Exercice 1	suite numériques	3 points
Exercice 2	Géométrie dans l'espace	3 points
Exercice 3	Nombres complexes.	3.5 points
Exercice 4	Calcul de probabilités.	2.5 points
Problème	Etude d'une fonction numérique, calcul intégral	8 points

- ✓ On désigne par \bar{z} le conjugué du nombre complexe z et par $|z|$ son module.
- ✓ \ln désigne la fonction logarithme népérien.

Exercice 1 (3 points) :

On considère la suite (u_n) définie par : $u_0 = \frac{3}{2}$ et $u_{n+1} = \frac{3u_n + 2}{2 + u_n}$, pour tout entier naturel n

0.25 1) a) Vérifier que $u_{n+1} = 3 - \frac{4}{2 + u_n}$, pour tout entier naturel n

0.5 b) Montrer par récurrence que $0 < u_n < 2$, pour tout entier naturel n

0.25 2) a) Montrer que $u_{n+1} - u_n = \frac{(1+u_n)(2-u_n)}{2+u_n}$, pour tout entier naturel n

0.5 b) Montrer que la suite (u_n) est croissante et en déduire que (u_n) est convergente.

0.5 c) Montrer que $0 < 2 - u_{n+1} \leq \frac{2}{7}(2 - u_n)$, pour tout entier naturel n

0.5 d) Déduire que $0 < 2 - u_n \leq \frac{1}{2} \left(\frac{2}{7} \right)^n$, pour tout entier naturel n

0.5 e) Déterminer la limite de la suite (u_n)

Exercice 2 (3 points) :

Dans l'espace rapporté à un repère orthonormé direct $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$, on considère les points

$A(0,3,3)$, $B(1,2,1)$, $C(2,3,1)$ et le vecteur $\vec{n}(1, -1, 1)$. Soit (P) le plan d'équation $x - y + z - 6 = 0$

0.5 1) a) Montrer que $\overrightarrow{AB} \wedge \overrightarrow{AC} = 2\vec{n}$ et déduire que les points A , B et C sont non alignés.

0.25 b) Montrer que les plans (ABC) et (P) sont parallèles.

2) Soit (S) la sphère telle que : le plan (ABC) est tangent à (S) en A et le plan (P) est tangent à (S) en un point H

0.5 a) Calculer la distance du point A au plan (P) et déduire que le rayon de la sphère (S) est $\sqrt{3}$

0.25 b) Donner une représentation paramétrique de la droite (Δ) passant par A et orthogonale au plan (P)

0.5 c) Montrer que les coordonnées du point H sont $(2, 1, 5)$.

0.5 d) Montrer que $x^2 + y^2 + z^2 - 2x - 4y - 8z + 18 = 0$ est une équation cartésienne de la sphère (S)

0.5 3) Déterminer les deux points d'intersection de la droite (BH) et la sphère (S)

Exercice 3 (3.5 points)

Dans le plan complexe rapporté à un repère orthonormé direct (O, \bar{u}, \bar{v}) , on considère les points

$$A, B, C \text{ et } D \text{ d'affixes respectives : } a = \frac{-\sqrt{3} + i}{2}, b = \frac{1 - i\sqrt{3}}{2}, c = 1 + a \text{ et } d = \bar{c}$$

- 0.5 1) Vérifier que $|a| = 1$ et que $\arg(a) \equiv \frac{5\pi}{6} [2\pi]$
- 0.75 2) Vérifier que $\frac{c-d}{c-a} = i$ et déduire que le triangle ACD est isocèle rectangle en C
- 0.5 3) a) Montrer que $d-a = 1-i$ et que $b-d = \frac{\sqrt{3}-1}{2}(1-i)$
- 0.25 b) Déduire que les points A, D et B sont alignés.
- 0.5 4) Soit R la transformation du plan qui transforme chaque point M d'affixe z en M' d'affixe z' tel que $z' = az$.
- 0.5 a) Vérifier que R est une rotation dont on déterminera le centre et l'angle.
- 0.5 b) Vérifier que $ad = c$ et déduire que $R(D) = C$
- 0.5 c) Montrer que $\arg(c) \equiv \frac{5\pi}{12} [2\pi]$

Exercice 4 (2.5 points)

Un sac contient 4 boules blanches et 3 boules noires. (Les boules sont indiscernables au toucher).

Un jeu consiste à tirer successivement et sans remise deux boules du sac.

Les règles du jeu sont comme suit :

- Si les deux boules tirées sont blanches, on note : +5.
- Si les deux boules tirées sont noires, on note : -5.
- Si les deux boules tirées sont de couleurs différentes, on note : 0.

On considère les événements : G « noter +5 » ; Z « noter 0 »

N_1 « La première boule tirée est noire » ; B_2 « la deuxième boule tirée est blanche »

- 0.5 1) a) Calculer $p(G)$, la probabilité de l'événement G
- 0.5 b) Montrer que la probabilité de l'événement Z est $p(Z) = \frac{4}{7}$
- 0.5 2) a) Calculer la probabilité $p(N_1 \cap B_2)$
- 0.5 b) Montrer que $p(B_2) = \frac{4}{7}$
- 0.5 c) Déduire la probabilité de « noter 0 » sachant que la deuxième boule tirée est blanche.

Problème (8 points) :

On considère la fonction f définie sur \mathbb{R} par : $f(x) = x - 1 + \frac{4}{e^x + 2}$

Soit (C_f) la courbe représentative de f dans un repère orthonormé (O, \vec{i}, \vec{j}) .

0.5 1) Calculer $f(0)$ et $f(\ln 2)$

0.5 2) a) Calculer $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ et $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$

0.5 b) Vérifier que $\lim_{x \rightarrow +\infty} (f(x) - (x - 1)) = 0$ puis interpréter géométriquement ce résultat.

0.25 3) a) Vérifier que pour tout $x \in \mathbb{R}$, $f(x) = x + 1 - \frac{2e^x}{e^x + 2}$

0.5 b) Calculer $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{e^x}{e^x + 2}$ puis déduire que la droite d'équation $y = x + 1$ est une asymptote oblique à la courbe (C_f) au voisinage de $-\infty$

0.5 c) Montrer que pour tout $x \in \mathbb{R}$, $-1 < f(x) - x < 1$

0.5 4) a) Montrer que pour tout $x \in \mathbb{R}$: $f'(x) = \frac{e^{2x} + 4}{(e^x + 2)^2}$

0.25 b) Déduire que la fonction f est strictement croissante sur \mathbb{R} .

0.5 5) a) Montrer que pour tout $m \in \mathbb{R}$, l'équation $f(x) = m$ admet une solution unique dans \mathbb{R}

0.5 b) Soit α l'unique solution de l'équation $f(x) = 0$

Vérifier que $-1 < \alpha < 0$ et montrer que $e^\alpha = \frac{2(1+\alpha)}{1-\alpha}$

0.5 6) a) Montrer que pour tout $x \in \mathbb{R}$: $f''(x) = \frac{4e^x(e^x - 2)}{(e^x + 2)^3}$

0.25 b) Etudier le signe de $e^x - 2$ sur \mathbb{R} .

0.5 c) Déduire que la courbe (C_f) admet un point d'inflexion que l'on déterminera.

0.5 d) Montrer que $y = \frac{1}{2}x + \frac{\ln 2}{2}$ est l'équation de la tangente à (C_f) au point d'abscisse $\ln 2$

0.75 7) Construire la courbe (C_f) dans le repère (O, \vec{i}, \vec{j}) .

0.5 8) a) Montrer que $\int_0^{\ln 2} \frac{1}{e^x + 2} dx = \frac{1}{2} \ln\left(\frac{3}{2}\right)$

0.5 b) Calculer, en unité d'aire, l'aire de la partie du plan délimitée par la courbe (C_f) , la droite d'équation $y = x - 1$, l'axe des ordonnées et la droite d'équation $x = \ln 2$